

|        |  |       |  |
|--------|--|-------|--|
| الصفحة | <b>الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا</b><br>الدورة الاستدراكية 2021<br>-الموضوع- |       | المملكة المغربية<br>وزارة التربية الوطنية<br>والتعليم الأولي والرياضة<br><br>المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه |
| 1/4    |  |       | +0X1184+   11C4040<br>+0C0L00+   80XC4 00C80<br>8 800118 0CJL008 8 +81181+   |
| **I    | SSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSSS   | RS26F |  |

|         |             |  |                  |
|---------|-------------|--|------------------|
| 2 ساعات | مدة الإنجاز | الرياضيات  | المادة           |
| 4       | المعامل     | مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي باللغة الفرنسية | الشعبة أو المسلك |

| <u>Instructions au candidat (e)</u>   | <u>تعليمات للمترشح (ة)</u>   |
|---|--|
| <b>Important : Le candidat est invité à lire et suivre attentivement ces recommandations.</b>   | هام: يتعين على المترشح (ة) قراءة هذه التوجيهات بدقة والعمل بها.  |
| Le document que vous avez entre les mains est de 4 pages : la première est réservée aux recommandations   | تتكون الوثيقة التي بين يديك من 4 صفحات: الأولى منها خاصة بالتوجيهات.   |
| <ul style="list-style-type: none"> <li>Répondre aux questions du sujet avec précision et soin.</li> </ul>   | <ul style="list-style-type: none"> <li>يتعين عليك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناية.</li> </ul>  |
| <ul style="list-style-type: none"> <li>L'usage de la calculatrice scientifique non programmable est autorisée.</li> </ul>   | <ul style="list-style-type: none"> <li>يسمح لك استعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة.</li> </ul>   |
| <ul style="list-style-type: none"> <li><u>Vous devez justifier les résultats.</u></li> </ul>  | <ul style="list-style-type: none"> <li>ينبغي عليك تعليل النتائج.</li> </ul>  |
| <ul style="list-style-type: none"> <li>Vous pouvez répondre aux exercices selon l'ordre que vous choisissez, mais veuillez numéroter les exercices et les questions.</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>يمكنك الإجابة عن التمارين وفق الترتيب الذي تختاره (تختارينه)، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع.</li> </ul> |
| <ul style="list-style-type: none"> <li>Veillez à la bonne présentation de votre copie et à une écriture lisible.</li> </ul>   | <ul style="list-style-type: none"> <li>ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مقروء.</li> </ul>  |
| <ul style="list-style-type: none"> <li>Il est souhaitable que les pages soient numérotées pour faciliter la correction</li> </ul>   | <ul style="list-style-type: none"> <li>يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمنا لتيسير عملية التصحيح.</li> </ul>  |
| <ul style="list-style-type: none"> <li>Eviter l'écriture au stylo rouge.</li> </ul>   | <ul style="list-style-type: none"> <li>يتعين تجنب الكتابة بقلم أحمر.</li> </ul>  |
| <ul style="list-style-type: none"> <li>Assurez-vous que vous avez traité tous les exercices avant de quitter la salle d'examen.</li> </ul>                                      | <ul style="list-style-type: none"> <li>تحقق (ي) من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.</li> </ul>   |

**Exercice 1 : (5,5 points)**

Soit  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  la suite numérique définie par :  $u_0 = 4$  et  $u_{n+1} = \frac{1}{4}u_n + 4$  pour tout  $n$  de  $\mathbb{N}$ .

0,5

1) Calculer  $u_1$  et  $u_2$ 

1

2) Montrer par récurrence que pour tout  $n$  de  $\mathbb{N}$ ,  $u_n < \frac{16}{3}$ .

0,75

3) a) Montrer que pour tout  $n$  de  $\mathbb{N}$ ,  $u_{n+1} - u_n = -\frac{3}{4}\left(u_n - \frac{16}{3}\right)$ .

0,5

c) En déduire que  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est une suite croissante.

0,25

4) Déduire de ce qui précède que  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est convergente.5) On pose pour tout  $n$  de  $\mathbb{N}$  :  $v_n = u_n - \frac{16}{3}$ 

0,75

a) Montrer que  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est une suite géométrique de raison  $\frac{1}{4}$ .

0,75

b) Calculer  $v_0$  et exprimer  $v_n$  en fonction de  $n$ .

0,5

c) Montrer que pour tout  $n$  de  $\mathbb{N}$  ;  $u_n = -\frac{4}{3}\left(\frac{1}{4}\right)^n + \frac{16}{3}$ .

0,5

6) Calculer  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ .**Exercice 2 : (5,5 points)**

On considère la fonction numérique  $g$  de la variable réelle  $x$  définie sur  $]0, +\infty[$  par :

$$g(x) = 1 - \ln x - x \ln x.$$

1

1) a) Calculer  $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} g(x)$ 

1

b) Calculer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ 

0,5

2) a) Vérifier que  $g(e) = -e$ 

2

b) Montrer que pour tout  $x$  de  $]0, +\infty[$  ;  $g(x) + x = (x+1)(1 - \ln x)$  puis résoudre l'équation

$$g(x) = -x.$$

1

3) Ci-dessous voici le tableau de variations de  $g$ 

|         |   |   |      |           |
|---------|---|---|------|-----------|
| $x$     | 0 | 1 | $e$  | $+\infty$ |
| $g'(x)$ |   |   | -    |           |
| $g(x)$  |   | 1 | $-e$ |           |

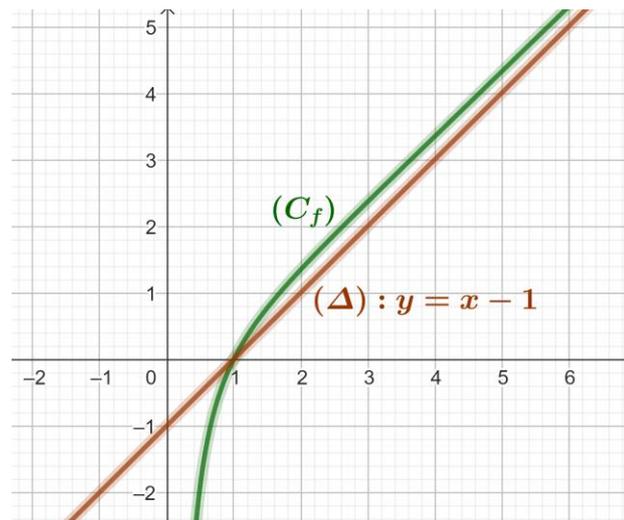
Donner à l'aide du tableau de variations de  $g$ , l'image de l'intervalle  $[1, e]$  par  $g$ .

**Exercice 3 : (4 points)**

Dans le repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  ci-dessous,  $(\Delta)$  est la droite d'équation  $y = x - 1$  et  $(C_f)$  est la courbe représentative de la fonction  $f$  de la variable réelle  $x$  définie sur  $]0, +\infty[$  par :

$$f(x) = x - 1 + \frac{\ln x}{x}$$

- 1) Calculer  $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x)$  et donner une interprétation géométrique du résultat.
- 1,5) Justifier par le calcul que la droite  $(\Delta)$  est une asymptote à  $(C_f)$  au voisinage de  $+\infty$ .
- 3) Ci-dessous  $(C_f)$  est la représentation graphique de  $f$ .
- 0,5) a) Résoudre graphiquement l'équation  $f(x) = 0$ .
- 1) b) Donner graphiquement le signe  $f(x) - (x - 1)$  sur  $]0, 1]$  puis sur  $[1, +\infty[$ .



**Exercice 4 : (3 points)**

On considère la fonction numérique  $h$  de la variable réelle  $x$  définie sur  $\mathbb{R}^*$  par :

$$h(x) = \left( \frac{1}{x} + 2 \right) e^x$$

- 2) 1) Calculer les limites suivantes :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x)$  ;  $\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x)$  ;  $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} h(x)$  ;  $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x < 0}} h(x)$
- 1) 2) Montrer que pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}^*$  ;  $h'(x) = (2x^2 + x - 1) \frac{e^x}{x^2}$ .

Exercice 5 : (3 points)

2 1) Résoudre dans  $\mathbb{R}^2$  le système : 
$$\begin{cases} u + 2v = 7 \\ 4u - v = 1 \end{cases}$$

1 2) En déduire que le couple  $(0, \ln 3)$  est la solution du système 
$$\begin{cases} e^x + 2e^y = 7 \\ 4e^x - e^y = 1 \end{cases}$$

FIN

HTTPS://WWW.DIMAMATH.COM  
Smail Eljaâfari