

مدة الإنجاز: ساعتان

تاريخ التمرين: الجمعة 12 ماي 2023

المستوى: أولى ثانوي إحصائي

ملحوظة: يُمكن للترشح (ة) تحرير أجوبة الموضوع إما باللغة الفرنسية أو باللغة العربية، حسب اختياره (أ).

Sujet

الموضوع

**Exercice 1 :**

On définit un opérateur  $\star$  pour deux entiers naturels  $m$  et  $n$  tels que  $m \leq n$  comme suit :

$$m \star n = m + (m + 1) + (m + 2) + \dots + n$$

Exemples :

$$2 \star 4 = 2 + 3 + 4 = 9$$

$$3 \star 6 = 3 + 4 + 5 + 6 = 18$$

Calculer la valeur simplifiée de :

$$1. \frac{22 \star 26}{4 \star 6}$$

$$2. \frac{m^2 \star (m^2 + 2)}{(m - 1) \star (m + 1)}$$

**التمرين 1 :**

نعرف العملية  $\star$  لكل عددين صحيحين طبيعيين  $m$  و  $n$  بحيث  $m \leq n$  كما يلي :

$$m \star n = m + (m + 1) + (m + 2) + \dots + n$$

أمثلة:

$$2 \star 4 = 2 + 3 + 4 = 9$$

$$3 \star 6 = 3 + 4 + 5 + 6 = 18$$

احسب القيمة المختزلة لكل من العددين :

$$1. \frac{22 \star 26}{4 \star 6}$$

$$2. \frac{m^2 \star (m^2 + 2)}{(m - 1) \star (m + 1)}$$

**Exercice 2:**

Yahya a écrit la liste des nombres entiers naturels de 1 à 999 l'un après l'autre :

$$1234567891011 \dots 997998999$$

- Combien de fois le numéro 21 (dans cet ordre) va-t-il apparaître dans la liste de Yahya ?

**التمرين 2 :**

كتب يحيى لائحة الأعداد الصحيحة الطبيعية من 1 إلى 999 واحدا تلو الآخر:

$$1234567891011 \dots 997998999$$

- كم عدد المرات التي سوف يظهر فيها الرقم 21 (بهذا الترتيب) في لائحة يحيى؟

**Exercice 3 :**

Soit  $ABCD$  un rectangle.

Les points  $E$  et  $F$  sont les milieux respectifs des segments  $[BC]$  et  $[CD]$ .

Les droites  $(ED)$  et  $(FB)$  se coupent en un point  $G$ .

- Sachant que  $\widehat{FAE} = 20^\circ$ , trouver la mesure de l'angle  $\widehat{EGB}$

**التمرين 3 :**

ليكن  $ABCD$  مستطيلا.

النقطتان  $E$  و  $F$  هما على التوالي منتصفتي القطعتين  $[BC]$  و  $[CD]$  المستقيمان  $(ED)$  و  $(FB)$  يتقاطعان في نقطة  $G$

• أوجد قياس الزاوية  $\widehat{EGB}$  علما أن  $\widehat{FAE} = 20^\circ$

**Exercice 4:**

Un tournoi d'échecs réunit des équipes de trois joueurs. Chaque participant joue une seule fois contre chaque membre des autres équipes.

Pour des raisons d'organisation, il ne peut y avoir plus de 250 parties durant le tournoi.

Combien d'équipes au maximum peuvent participer à ce tournoi ?

**التمرين 4 :**

يجمع دوري في لعبة الشطرنج فرقا مكونة من ثلاثة لاعبين.

كل مشارك يلعب مرة واحدة ضد كل مشارك من الفرق الأخرى .  
لدواعي تنظيمية، لا يمكن إجراء أكثر من 250 مواجهة خلال الدوري.  
ما هو العدد القصوي للفرق التي يمكن لها أن تشارك في هذا الدوري؟