



الأولمبياد المجهوية في الرياضيات

## الفرض الثالث باللغتين العربية والفرنسية

+٥٣٧٧٨٤٤ | ١٢٣٤٥٤  
+٣٠٦٠٥٤ | ٨٠٦٢٤٥٨  
٨٠٦٢٨ | ٣٩٣٥٨



المملكة المغربية  
وزارة التربية الوطنية  
و التعليم الأولي والرياضة

## الأولمبياد الجهوية في الرياضيات 2024

مدة الإنجاز: ساعتان

تاريخ التحرير: الجمعة 12 ماي 2023

المستوى: ثانية ثانوي إعدادي

ملحوظة: يمكن للمرشح (ة) تحرير أجوبة الموضوع إما باللغة الفرنسية أو باللغة العربية، حسب اختياره (ا).

Sujet

الموضوع

## Exercice 1:

Observer les égalités suivantes :

$$\begin{aligned} 3^2 - 1^2 &= 8 \\ 5^2 - 3^2 &= 8 \times 2 \\ 7^2 - 5^2 &= 8 \times 3 \\ \dots & \\ 2023^2 - 2021^2 &= 8 \times N \end{aligned}$$

Trouver la valeur de l'entier naturel N.  
(Justifier par un raisonnement)

أوجد قيمة العدد الصحيح الطبيعي N .  
(عل جوابك بواسطة استدلال)

## Exercice 2:

Observer les égalités suivantes :

$$\begin{aligned} 1 + 2 + 1 &= 4 \\ 1 + 2 + 3 + 2 + 1 &= 9 \\ 1 + 2 + 3 + 4 + 3 + 2 + 1 &= 16 \\ \dots & \\ 1 + 2 + 3 + \dots + 2022 + 2023 + 2022 + \dots + 3 + 2 + 1 &= S \end{aligned}$$

Trouver la valeur simplifiée de  $\frac{S}{289^2}$ .  
(Justifier par un raisonnement)

أوجد القيمة المبسطة للعدد:  $\frac{S}{289^2}$   
(عل جوابك بواسطة استدلال)

## Exercice 3 :

Soient  $ABCD$  un carré de côté égal à 1 et  $E$  un point de la demi-droite  $[AB)$  tel que  $E \neq A$  et  $BE = 1$ .

On construit un point  $F$  tel que le triangle  $BEF$  soit équilatéral et la droite  $(AF)$  coupe le segment  $[BC]$  en un point  $G$ .

Montrer que  $GB = GF$ .

التمرين 3 : ليكن  $ABCD$  مربعا طول ضلعه يساوي 1 ولتكن  $E$  نقطة من نصف المستقيم  $(AB)$  بحيث  $BE = 1$  و  $E \neq A$ .  
نشئ نقطة  $F$  بحيث يكون المثلث  $BEF$  متساوي الأضلاع والمستقيم  $(AF)$  يقطع القطعة  $[BC]$  في نقطة  $G$  .  
بين أن  $GB = GF$  .

## Exercice 4:

Hiba a écrit les nombres de 1 à 120 sur 15 colonnes comme indiqué sur la figure ci-dessous.

التمرين 4 : كتبت هبة الأعداد من 1 إلى 120 على 15 عمود كا هو مبين في الشكل أسفله.

1															...				
2	3														...				
4	5	6													...				
7	8	9	10												...				
11	12	13	14	15											...				
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
106	107	108	109	110	111	112									...	120			

ما هو العمود (بحساب الأعمدة من اليسار إلى اليمين) الذي له أكبر مجموع؟

Quelle est la colonne (en comptant les colonnes à partir de la gauche) qui a la plus grande somme ?